

EQUAZIONI DI MAXWELL AI FASORI

Riprendendo le equazioni di Maxwell, sostituiamo ad ogni campo il suo fasore:

$$\nabla \cdot \hat{H} = 0$$

$$\nabla \cdot \hat{E} = \hat{\rho} / \epsilon$$

$$\nabla \times \hat{H} = \hat{J} + \epsilon \frac{\partial}{\partial t} \operatorname{Re} \{ \hat{E} \cdot \exp(j\omega t) \} = \hat{J} + j\omega \epsilon \hat{E}$$

$$\nabla \times \hat{E} = -\mu \frac{\partial}{\partial t} \operatorname{Re} \{ \hat{H} \exp(j\omega t) \} = -j\omega \mu \hat{H}$$

Oppure, in assenza di sorgenti: $\hat{\rho} = 0$ e $\hat{J} = 0$

RELAZIONE TRA E E H AI FASORI

Dall'eq. di Maxwell:

$$\frac{\partial \hat{E}_x}{\partial z} = -j\omega\mu \hat{H}_y$$

$$\Rightarrow \hat{H}_y = -\frac{1}{j\omega\mu} \frac{\partial \hat{E}_x}{\partial z} \quad ; \quad \hat{E}_x(z) = E_0^+ \exp(-jkz) + E_0^- \exp(+jkz) \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \hat{H}_y = +\frac{jk}{j\omega\mu} \left(E_0^+ \exp(-jkz) - E_0^- \exp(+jkz) \right)$$

La quantità $\frac{j\omega\mu}{jk} = \sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}}$ è proprio l'impedenza d'onda η